

## 2. Codificación

### Fundamentos de Informática

Especialidad de Electrónica – 2013-2014

Ismael Etxeberria Agiriano



## Índice

### 2. Codificación

1. Definiciones
2. Bases numeración
3. Números negativos
4. Conversiones
5. Caracteres



2

## Codificación | 1. Definiciones

### 1. Definiciones

Someter datos o materiales a una serie de operaciones programadas.

- **Ordenador**
  - Máquina capaz de **procesar información**
- **Programa**
  - Secuencia de **órdenes/instrucciones** que manipulan **datos**
  - Los **programas** y los **datos** se guardan en dispositivos de **memoria** de tipos variados
  - Internamente los programas y los datos se guardan en base **binaria**, independientemente del soporte físico
- **Algoritmo**
  - **Secuencia finita y ordenada** de pasos que describe la resolución de un problema informático
  - **Determinista**: en las mismas condiciones ha de dar siempre el mismo resultado
  - Receta: ingredientes, utensilios y método de preparación



3

## Codificación | 2. Bases numeración

### 2. Bases de numeración

- Estamos habituados a utilizar la **base decimal** o **base 10**
  - Dígitos del **0 al 9**
  - Dígitos decimales válidos: **0 1 2 3 4 5 6 7 8 9**
- El ordenador utiliza la **base binaria** o **base 2**
  - Dígitos del **0 al 1**
  - Dígito binario: **bit**
  - Agrupación de 8 bits: **octeto** o **byte**
  - Dígitos binarios válidos: **0 1**
- Una base relacionada a la binaria es la **base octal** o **base 8**
  - Dígitos del **0 al 7**
  - Dígitos octales válidos: **0 1 2 3 4 5 6 7**
- Otra base relacionada es la **base hexadecimal** o **base 16**
  - Necesitamos 6 dígitos nuevos: **a b c d e f**
  - Dígitos del **0 al f**
  - Dígitos hexadecimales válidos: **0 1 2 3 4 5 6 7 8 9 a b c d e f**



4

- **Capacidad binaria (prefijos binarios)**
  - Expresada en potencias de  $2^{10}$
  - Tradicionalmente 1 Kilobyte =  $2^{10}$  bytes = 1024 bytes
  - Confusión con el Sistema Internacional
  - Kilobinario: kibi
  - 1 **Kibibyte** =  $2^{10}$  bytes = 1024 bytes  $\approx$  1000 bytes = 1 **Kilobyte**

Prefijo SI	Símbolo	Valor	Prefijo binario	Símbolo	Pot 2
Kilo	K	$10^3$	Kibi	Ki	$2^{10}$
Mega	M	$10^6$	Mebi	Mi	$2^{20}$
Giga	G	$10^9$	Gibi	Gi	$2^{30}$
Tera	T	$10^{12}$	Tebi	Ti	$2^{40}$
Peta	P	$10^{15}$	Pebi	Pi	$2^{50}$
Exa	E	$10^{18}$	Exbi	Ei	$2^{60}$
Zetta	Z	$10^{21}$	Zebi	Zi	$2^{70}$
Yotta	Y	$10^{24}$	Yobi	Yi	$2^{80}$



- **Base decimal**
  - Estamos habituados a esta base
  - Operamos con comodidad
  - Para referirnos a otras bases utilizamos la base decimal
    - El dígito 2 no existe en binario
    - En base 7 el número 7 se representa como 10
    - En base 16 el número 16 se representa como 10
    - Si expresamos cualquier base en esa base diríamos siempre "base 10"
  - Para contar en cualquier base vamos incrementando el dígito de menor peso (el de menos valor) hasta que no nos quedan más dígitos; entonces lo pondremos a cero e incrementaremos el siguiente, y así sucesivamente
  - **Ejemplo:** El número 3092 representa:

$$3 \cdot 10^3 + 0 \cdot 10^2 + 9 \cdot 10^1 + 2 \cdot 10^0 =$$

$$3 \cdot 1000 + 0 \cdot 100 + 9 \cdot 10 + 2 \cdot 1 =$$

$$3000 + 0 + 90 + 2 = 3092$$



- **Conversión de base **b** a base decimal**
  - Para expresar números en **base b** necesitamos b dígitos distintos:
    - Dígitos del  $v_0$  al  $v_{b-1}$
    - Dígitos válidos:  $v_0 v_1 v_2 \dots v_i \dots v_{b-2} v_{b-1}$
  - Un número  $d_{n-1} \dots d_1 \dots d_1 d_0$  en base **b** de **n** cifras representa:
 
$$d_{n-1} \cdot b^{n-1} + \dots + d_i \cdot b^i + \dots + d_1 \cdot b^1 + d_0 \cdot b^0$$
  - Denominamos **peso** a la posición *i* de estos dígitos de 0 a  $n - 1$
  - Si la base  $b > 10$  (siempre razonando en decimal) algunos de estos dígitos pueden representar números mayores que 9 pero no por ello difíciles de representar (a, b, c, ...)
- **Ejemplo:** el 8af1 hexadecimal ( $b = 16$ ) se corresponde:
 
$$8 \cdot 16^3 + a \cdot 16^2 + f \cdot 16^1 + 1 \cdot 16^0 =$$

$$8 \cdot 4096 + 10 \cdot 256 + 15 \cdot 16 + 1 \cdot 1 =$$

$$32768 + 2560 + 240 + 1 = 35569 \text{ en decimal}$$



- **De decimal a base **b****
  - Vamos dividiendo por la base y en el resto obtenemos los dígitos en orden inverso de menor peso a mayor peso
  - Lo más sencillo para recordar el método es suponer que la base  $b$  es 10.
- **Ejemplo:** el 8302 a decimal ( $b = 10$ ) se corresponde:

$$\begin{array}{r}
 8302 \quad | \quad 10 \\
 \hline
 30 \quad 830 \quad | \quad 10 \\
 \hline
 02 \quad 30 \quad 83 \quad | \quad 10 \\
 \hline
 2 \quad 0 \quad 3 \quad 8 \quad | \quad 10 \\
 \hline
 \phantom{2 \quad 0 \quad 3 \quad} 8 \quad 0
 \end{array}$$

Se lee en este orden



- **Ejemplo:** el 415 en binario ( $b = 2$ ) se corresponde:

```

415 |2
015 207 |2
1 007 103 |2
      1 03 51 |2
            1 11 25 |2
                  1 12 12 |2
                        1 0 6 |2
                              0 3 |2
                                    1 1 |2
                                          1 0
  
```

Se lee en este orden

1 1 0 0 1 1 1 1 1 ¡Compruébalo!



9

- **Comprobación:** el  $110011111_2$  en decimal ( $b = 10$ ) se corresponde:

$$1 \cdot 2^8 + 1 \cdot 2^7 + 0 \cdot 2^6 + 0 \cdot 2^5 + 1 \cdot 2^4 + 1 \cdot 2^3 + 1 \cdot 2^2 + 1 \cdot 2^1 + 1 \cdot 2^0 = 256 + 128 + 0 + 0 + 16 + 8 + 4 + 2 + 1 = 415_{10}$$

- **Octal**

- El  $110\ 011\ 111_2$  se corresponde:

6 3 7<sub>8</sub>

- **Hexadecimal**

- El  $1\ 1001\ 1111_2$  se corresponde:

1 9 f 16

¡Compruébalos!



10

### 3. Números negativos

- ¿Signo?
  - Enteros con signo: **signed**
  - Enteros sin signo: **unsigned**
- ¿Cómo representar los números negativos?
  - Signo y magnitud
    - Se utiliza para los números en coma flotante IEEE 754
  - **Complemento a 1**
  - **Complemento a 2**
  - Desviada (biased)
    - Para el exponente de los números en coma flotante IEEE 754
    - BCD – Exceso a 8



11

- **Complemento a nueve (decimal)**

- Antes de ver el complemento a 2
- Como ejemplo, razonar en base 10 es más fácil
- Lo que falta a cada dígito para llegar a 9
- Importante el número de dígitos

- **Ejemplo**

- Para  $x = 23$  con 4 dígitos
- Si ponemos los ceros a la izquierda: 0023
- Dígito a dígito obtenemos lo que falta para 9:
  - $9-0\ 9-0\ 9-2\ 9-3 = 9976$



12

- **Complemento a uno (binario)**

- Lo que falta a cada dígito para llegar a 1
- Importante el número de dígitos

- **Ejemplo**

- Para  $x=23$  en binario 10111 con 8 dígitos (en binario)
- Si ponemos los ceros a la izquierda: 00010111
- Dígito a dígito obtenemos lo que falta para 1:
  - 00010111
  - 11101000



13

- **Complemento a dos (binario)**

- Para  $n$  dígitos podemos definir  $C_2^x$ , complemento a 2 de un número entero  $x$  como:

$$C_2^x = 2^n - x$$

- **Ejemplo**

- Para  $x=23$  en binario 10111 con 8 dígitos (en binario)

$$2^8 - 10111 = 256 - 23 = 233$$

$$100000000 \quad (2^8: 9 \text{ dígitos})$$

$$- \quad 10111$$

$$11101001$$

¿coinciden?



14

- **Complemento a dos (binario)**

- Puede obtenerse alternativamente sumando 1 al complemento a 1

- **Ejemplo**

- Para  $x=23$  en binario 10111 con 8 dígitos (en binario)
- Ponemos los ceros a la izquierda y complementamos:
 

```

00010111
11101000 Complemento a 1
-----
+       1
11101001 Complemento a 2 (compárese con la anterior)
      
```



15

- **Complemento a dos (binario)**

- Comenzando por la derecha (el dígito de menos peso), copiar el número original (de derecha a izquierda) hasta encontrar el primer 1, después se niegan (complementan) los dígitos restantes

- **Ejemplo**

- Para  $x=23$  en binario 10111 con 8 dígitos (en binario)

- Ponemos los ceros a la izquierda y complementamos:

$$00010111$$

$$11101001 \text{ Complemento a 2 (compárese con la anterior)}$$

- **Ejemplo**

$$01011100$$

$$10100100 \text{ Complemento a 2}$$



16

- **Complemento a dos (binario)**
  - El *bit más significativo* con **todo su peso** es negativo
  - Si el *bit más significativo* es **0** el número será **positivo**; si es **1** será **negativo**
  - Salvo el último, todos los ceros y todos los unos por la izquierda no serán significativos
- **Ejemplos**
  - El 01, el 001, el 0001, ... todos representan el 01
  - Con 1 bit el 1 representa el  $-1: -1 \cdot 2^0 = -1$
  - Con 2 bits el 11 representa el  $-1: -1 \cdot 2^1 + 1 \cdot 2^0 = -2 + 1$
  - Con 3 bits el 111 representa el  $-1: -1 \cdot 2^2 + 1 \cdot 2^1 + 1 = -4 + 2 + 1$
  - Con 4 bits el 1111 representa el  $-1: -8 + 4 + 2 + 1$
  - Con 6 bits el 111111 representa el  $-1: -32 + 16 + 8 + 4 + 2 + 1$



#### 4. Conversiones de tipos

- A menudo vamos a necesitar convertir datos de tipos distintos y a menudo esto se hará automáticamente
- Para **aumentar el tamaño** de un entero se extiende el signo, es decir, se rellena por la izquierda con el bit más significativo. Si es un dato **sin signo** se rellena de ceros.
- Si aumentamos de tamaño un entero siempre seguiremos representando el mismo número
- Para **disminuir el tamaño** de un entero eliminamos los bytes sobrantes de mayor peso
- Si disminuimos de tamaño un entero podemos cambiar de número e incluso pasar de positivo a negativo y viceversa
- De real a entero **se trunca**, no se redondea



#### 5. Codificación de caracteres

- Cada carácter se representa mediante un número
- La más tradicional es el código **ASCII** (7 bits)
- Microsoft introdujo el ASCII **extendido** (8 bits)
- Se desarrollaron numerosos juegos de caracteres de ASCII extendido
- El **Unicode** (16 bits) pretende utilizar un único juego de caracteres
- Distinguimos los caracteres de **control** de los caracteres **imprimibles**



#### 5.1. Caracteres de control ASCII

- Son caracteres o códigos especiales
- Se especifican incluyendo necesidades de telecomunicaciones
- Para especificarlos en un programa C utilizaremos secuencias especiales: `'\t'`, `'\n'`, `'\r'`, ...
- Podemos expresar asimismo su código ASCII, es decir, el número que los representa: 9, 10, 13
- Para expresarlos como caracteres o dentro de una cadena utilizaremos el formato octal: `'\011'`, `'\012'`, `'\015'`, ...
- Otra alternativa es el formato hexadecimal: `'\x9'`, `'\xA'`, `'\xD'`, ...



### 5.2. Tabla de caracteres de control

Dec	Hex	C	Car	Descripción	Description
0	0	U	NUL	carácter nulo	null
1	1	V	SOH	comienzo de cabecera	start of heading
2	2	W	STX	comienzo de texto	start of text
3	3	X	ETX	fin de texto	end of text
4	4	Y	EOT	fin de transmisión	end of transmission
5	5	Z	ENQ	petición	enquiry
6	6	[	ACK	reconocimiento	acknowledge
7	7	\	BEL	bell	bell
8	8	]	BS	retroceso	backspace
9	9	^	TAB	tabulador horizontal	horizontal tab
10	a	^	LFNL	salto de línea	line feed/new line
11	b	^	VF	tabulador vertical	vertical tab
12	c	^	FFNP	salto de página	form feed/new page
13	d	^	CR	retorno de carro	carriage return
14	e	^	SO	salto de conjunto de caracteres	shift out
15	f	^	SI	retornar el conjunto de caracteres	shift in
16	10	^	DLE	señal de enlace de datos	data link escape
17	11	^	DC1	control de dispositivo 1	device control 1
18	12	^	DC2	control de dispositivo 2	device control 2
19	13	^	DC3	control de dispositivo 3	device control 3
20	14	^	DC4	control de dispositivo 4	device control 4
21	15	^	NAK	reconocimiento negativo	negative acknowledge
22	16	^	SYN	señal de sincronía	synchronous idle
23	17	^	ETB	fin de bloque de transmisión	end of transmission block
24	18	^	CAN	cancelar	cancel
25	19	^	EM	fin de medio	end of medium
26	1a	^	SUB	substitución	substitute
27	1b	^	ESC	escape	escape
28	1c	^	FS	separador de fichero	file separator
29	1d	^	GS	separador de grupo	group separator
30	1e	^	RS	separador de registro	record separator
31	1f	^	US	separador de unidad	unit separator
127	7f	^	DEL	borrador	delete



### 5.3 Caracteres imprimibles

Dec	Hex	Car	Dec	Hex	Car	Dec	Hex	Car	Dec	Hex	Car	Dec	Hex	Car	Dec	Hex	Car
32	20	espacio	48	30	0	64	40	@	80	50	P	96	60	`	112	70	p
33	21	!	49	31	1	65	41	A	81	51	Q	97	61	a	113	71	q
34	22	"	50	32	2	66	42	B	82	52	R	98	62	b	114	72	r
35	23	#	51	33	3	67	43	C	83	53	S	99	63	c	115	73	s
36	24	\$	52	34	4	68	44	D	84	54	T	100	64	d	116	74	t
37	25	%	53	35	5	69	45	E	85	55	U	101	65	e	117	75	u
38	26	&	54	36	6	70	46	F	86	56	V	102	66	f	118	76	v
39	27	'	55	37	7	71	47	G	87	57	W	103	67	g	119	77	w
40	28	(	56	38	8	72	48	H	88	58	X	104	68	h	120	78	x
41	29	)	57	39	9	73	49	I	89	59	Y	105	69	i	121	79	y
42	2a	*	58	3a	:	74	4a	J	90	5a	Z	106	6a	j	122	7a	z
43	2b	+	59	3b	;	75	4b	K	91	5b	[	107	6b	k	123	7b	{
44	2c	,	60	3c	<	76	4c	L	92	5c	\	108	6c	l	124	7c	
45	2d	-	61	3d	=	77	4d	M	93	5d	]	109	6d	m	125	7d	}
46	2e	.	62	3e	>	78	4e	N	94	5e	^	110	6e	n	126	7e	~
47	2f	/	63	3f	?	79	4f	O	95	5f	_	111	6f	o			

