Vectores and matrices

Oier Lopez de Lacalle y Patxi Ramírez

Languages and Information Systems

2021/2022



GASTEIZKO
INGENIARITZAKO
UNIBERTSITATE ESKOLA
ESCUELA UNIVERSITARIA
DE INGENIERÍA
DE VITORIA-GASTEIZ

Operaciones Aritméticas

Vectores

Vectores

- Matrices
- Operaciones Aritméticas
- Vectores y matrices en las funciones

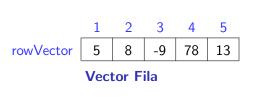
- 1 Vectores
- 2 Matrices
- **3** Operaciones Aritméticas
- 4 Vectores y matrices en las funciones

Vectores

Operaciones Aritméticas



Un **Vector** se usa para almacenar una lista de valores, todos los cuales son del mismo tipo. Un vector puede ser un vector de fila o un vector de columna.



| COIV | COLVECTO | | | | | |
|------|----------|--|--|--|--|--|
| 1 | 5 | | | | | |
| 2 | 8 | | | | | |
| 3 | -9 | | | | | |
| 4 | 78 | | | | | |
| 5 | 13 | | | | | |

call/actor

Vector Columna

Vectores fila: creación (I)

La forma más sencilla de crear un vector fila es poner los valores que lo componen entre corchetes.

Sintaxis

variable = [lista de valores]

Ejemplo

rowList=[5 8 -9, 78,13]

Note

Los valores de un vector fila pueden estar separados por espacios o comas.

Vectores fila: creación (II)

El operador de dos puntos : se puede utilizar para generar vectores cuyos elementos están espaciados regularmente (p.j., [1 2 3 4]).

Sintaxis

Dos alternativas

- start : end
- start : step : end

Ejemplo

```
numberList = 1:8
```

numberList = 1:4:8

numberList = 4:-1:1

numberList = 9:-3:1

numberList = 9:3:5

numberList = 0:0.1:100

Vectores fila: creación (III)

La función linspace crea un vector espaciado linealmente. Para ello, esta función requiere el rango inclusivo de valores y el número de elementos (N). Si se omite N, el vector creado tendrá 100 elementos.

Sintaxis

Dos alternativas

- linspace(BASE, LIMIT)
- linspace(BASE, LIMIT, N)

Ejemplo

```
numList=linspace(1,10)
numList=linspace(0,10,51)
numList=linspace(4,-1)
numList=linspace(4,-1,6)
```



Vectores Columna

Creación

La forma más fácil de crear un vector de columna es poner explícitamente los valores entre corchetes, separados por punto y coma (;).

Sintaxis

 $variable = [Value_1; ...]$

Ejemplo

numList=[5; 8; -9; 78; 13]

- Vectores
- 2 Matrices
- **3** Operaciones Aritméticas
- 4 Vectores y matrices en las funciones

Matriz



La matriz es un conjunto de datos del mismo tipo, organizados en filas y columnas.

| numMat | 1 | 2 | 3 | 4 | 5 |
|--------|----|----|----|----|----|
| 1 | 5 | 8 | -9 | 78 | 13 |
| 2 | 13 | 18 | 9 | -8 | 33 |
| 3 | 55 | 0 | -9 | -8 | -1 |

Matriz

Matrices: creación (I)

La forma más sencilla de crear una matriz es especificar los valores entre corchetes. Los valores deben organizarse en filas.

Sintaxis

 $varname = [row \ values; ...]$

Ejemplo

mat=[5 8 -9; 78 13 -21]

Importante

Todas las filas deben tener el mismo número de elementos. Las filas están separadas por el operador ; o **ENTER** (una nueva línea).

Matrices: creación (II)

Las funciones que se describen a continuación también se utilizan para crear nuevas matrices.

| Función | Descripción |
|---------|---|
| zeros | Crea una matriz de ceros |
| ones | Crea una matriz de unos |
| eye | Crea una matriz de identidad |
| rand | Crea una matriz de números reales aleatorios |
| randi | Crea una matriz de números enteros aleatorios |

Acceder a elementos de la matriz

Acceso a los elementos

Para acceder los elementos de una matriz, se necesitan dos índices, uno para determinar filas y otro para columnas.

| numMat(1,2 |) | numMat([1 2],[2 3]) | | | | | | | | | |
|------------|----|---------------------|----|----|----|--------|----|----|----|----|----|
| numMat | 1 | 2 | 3 | 4 | 5 | numMat | 1 | 2 | 3 | 4 | 5 |
| 1 | 5 | 8 | -9 | 78 | 13 | 1 | 5 | 8 | -9 | 78 | 13 |
| 2 | 13 | 18 | 9 | -8 | 33 | 2 | 13 | 18 | 9 | -8 | 33 |
| 3 | 55 | 0 | -9 | -8 | -1 | 3 | 55 | 0 | -9 | -8 | -1 |

Prueba numMat([1 2],[2 4]) y numMat([1 2],[2:4])

Importante

Tanto los índices de fila como de columna deben ser valores válidos, con respecto al tamaño de la matriz.

Acceso a filas y columnas de la matriz

Acceso a filas y columnas

Se puede acceder a filas o columnas completas de una matriz utilizando el operador :.

| numMat(1,: |) | | | | 1 | numMat(:,[2 3 | 3]) | | | | |
|------------|----|----|----|----|----|---------------|-------------|----|----|----|----|
| numMat | 1 | 2 | 3 | 4 | 5 | numMat | 1 | 2 | 3 | 4 | 5 |
| 1 | 5 | 8 | -9 | 78 | 13 | 1 | 5 | 8 | -9 | 78 | 13 |
| 2 | 13 | 18 | 9 | -8 | 33 | 2 | 13 | 18 | 9 | -8 | 33 |
| 3 | 55 | 0 | -9 | -8 | -1 | 3 | 55 | 0 | -9 | -8 | -1 |

Prueba numMat(:,[3:end])

Nota

El operador **end** puede usarse para referirse a la última fila o columna de la matriz.

Asignación de nuevos valores una matriz

Asignación de nuevos valores

Se pueden establecer nuevos valores para los elementos de la matriz usando el operador de asignación.

| numMat(1,2)= | =0 | | | nur | nMa | t([1 2],[2 3])= | [1 2 | ; 3 4] | |
|--------------|----|----|----|-----|-----|-----------------|------|--------|--|
| numMat | 1 | 2 | 3 | 4 | 5 | numMat | 1 | 2 | |
| 1 | 5 | 0 | -9 | 78 | 13 | 1 | 5 | 1 | |
| 2 | 13 | 18 | 9 | -8 | 33 | 2 | 13 | 3 | |
| 3 | 55 | 0 | -9 | -8 | -1 | 3 | 55 | 0 | |

| numMat | 1 | 2 | 3 | 4 | 5 |
|--------|----|---|----|----|----|
| 1 | 5 | 1 | 2 | 78 | 13 |
| 2 | 13 | 3 | 4 | -8 | 33 |
| 3 | 55 | 0 | -9 | -8 | -1 |

Aviso

La submatriz a actualizar y la que se asignará deben tener las mismas dimensiones. Excepción, cuando se asigna un valor único, el valor se repetirá (broadcasting).

Dimensiones de la matriz

La función **size** puede usarse para obtener cuántas filas y columnas tiene una matriz.

Syntax size(matrix)

Example

[rows,cols]=size(numMat);

L = length(X) devuelve la longitud de la dimensión de matriz más grande en X. Para los vectores, la longitud es simplemente el número de elementos. Para matrices con más dimensiones, la longitud es max(size(X)). La longitud de una matriz vacía es cero.

Sintaxis

length (matrix)

Ejemplo

n=length(numMat);

Transpuesta de un vector o matriz

Transpuesta

El operador **transponer** (') se puede usar para *voltear* un vector (y crear un vector de columna a partir de un vector de fila) o una matriz.

Sintaxis

vector' matrix'

Ejemplo

colVec=rowVec'
transposed=matrix'

- **Matrices**
- Operaciones Aritméticas
- Vectores y matrices en las funciones

Operaciones aritméticas

Operaciones Aritméticas

- Operaciones sobre escalares: Se aplican a los elementos individuales de las matrices
- Operaciones matriciales: Se opera sobre todos los vectores o matrices. Los tamaños de los vectores o matrices deben ser compatibles.

Aviso

¡Cuidado con todas las operaciones que involucran productos, división o exponenciales!

Vectores

Operaciones sobre elementos individuales

Operaciones Aritméticas

Operaciones elemento por elemento

Para aplicar a elementos individuales productos, divisiones o exponenciales

| Operator | Destription |
|----------|---|
| .* | Producto elemento por elemento |
| ./ | División elemento por elemento |
| .^ | Exponencial elemento por elemento $(a_i \hat{b}_i)$ |

Operaciones

Operaciones

Las operaciones basadas en la multiplicación (multiplicación, división y exponencial) de matrices requieren tamaños de matriz compatibles.

A * B solo si el número de columnas en A es igual a las filas en B. $A^2 = A * A$ solo si A es una matriz cuadrada.

Vectores

- **Matrices**
- **Operaciones Aritméticas**
- Vectores y matrices en las funciones

Vectorización

Los vectores y las matrices se pueden utilizar como parámetros en muchas funciones. La función devolverá un vector o matriz del mismo tamaño, correspondiendo cada elemento al resultado de un vector de entrada o elemento de matriz.

```
Ejemplo: sin(-pi:0.1:pi)
```

Pruebe x=-pi:0.5:pi; plot(x,sin(x),'*')

Funciones

| Función | Descripción |
|---------|---|
| min | devuelve el elemento más pequeño del vector o matriz |
| max | devuelve el elemento mayor del vector o matriz |
| sum | sumatorio. Devuelve la suma de todos los elementos en el vector |
| cumsum | devuelve la suma acumulativa de los elementos de un vector |
| prod | productorio. Devuelve el producto de todos los elementos en el vector |
| cumprod | devuelve la producto acumulativo de los elementos de un vector |
| diff | para cada uno de los elementos, excepto el primero, muestra la diferencia con su anterior |
| mean | devuelve el promedio de los valores en el vector |
| std | devuelve la desviación estándar de los valores en el vector |

Vectores and matrices

Oier Lopez de Lacalle y Patxi Ramírez

Languages and Information Systems

2021/2022



GASTEIZKO
INGENIARITZAKO
UNIBERTSITATE ESKOLA
ESCUELA UNIVERSITARIA
DE INGENIERÍA
DE VITORIA-GASTEIZ